



## Komentáře

### 2. série



#### 1. příklad (opravující Áda, počet řešitelů: 20, průměrný počet bodů: 3,42)

Spousta z Vás bylo svedeno na scestí svůdným předpokladem, že nelze vytvořit obecný trojúhelník s celočíselnými stranami. Jiní zas sepisovali řešení na čtyři strany. Na druhou stranu mnoho z vás napadlo, že cesta může vést přes dělitelnost nebo lichost/sudost. Přeji vám krásné Vánoce a super rok 2016!

Áda

#### 2. příklad (opravující Martin, počet řešitelů: 20, průměrný počet bodů: 3,69)

Dvojka byla opravdu jednoduchoučká, většina řešení si byla podobná jako vejce vejci. Nicméně několik lidí si špatně přečetlo zadání nebo mělo špatně strukturovaná řešení, a tak nezískali plný počet bodů.

Martin

#### 3. příklad (opravující Moutes, počet řešitelů: 18, průměrný počet bodů: 3,41)

Většinové řešení bylo: Uvažme  $(a)_a = x$ , pak dvojným použitím pravidla ze zadání dostaneme  $(x)_a = a$ . Dosazením za  $x$  vznikne  $((a)_a)_a = a$ . Za nejnvtřnější  $a$  můžeme dosazovat opakovaně  $((a)_a)_a$ , a tím dostat libovolný sudý počet operací, což bylo k dokázání.

I za podobně stručná řešení jsem uděloval plný počet bodů, ale za stručnější už nikoliv.

Omlouvám se těm z Vás, kdo jste ze zadání pochopili, že zadaný vztah platí pouze pro konkrétní  $a, b, c$ .

Moutes

#### 4. příklad (opravující Vojta, počet řešitelů: 15, průměrný počet bodů: 3,4)

Drtivá většina z vás řešila úlohu přes minimální součet délek. Našla se i dvě jiná korektní řešení, za což jsem byl rád. Úloha byla na poměry 4. úlohy lehčí, navíc Jarošáci měli výhodu, jelikož tuto úlohu shodou náhod brali v matematickém semináři.

Vojta

**5. příklad** (*opravující Alča, počet řešitelů: 25, průměrný počet bodů:3,98*)

Ke správnému řešení došli všichni, kdo úlohu odevzdali, a většina řešení si byla velmi podobná. Někteří ale zapomněli ukázat, že 2017 je opravdu největší prvočíslo, které v součinu  $2017 \cdot 2015!$  je. Byla to ale jediná chyba, která se v řešeních vyskytovala.

**6. příklad** (*opravující Jindra, počet řešitelů: 21, průměrný počet bodů:3,95*)

6. úloha byla typickým příkladem z kombinatoriky, který se dá vyřešit buď složitým počítáním, a nebo jednoduchou úvahou (viz vzorové řešení). Většina z vás odhalila jednoduchou cestu k výsledku, ale moje uznání mají také dva řešitelé, kteří se sice vydali složitější cestou, ale nakonec pomoci šikovně provedených kombinatorických výpočtů došli ke správnému řešení. A jak to u kombinatorických úloh bývá běžné, objevilo se i pár odlišných výkladů zadání, například, že záleží na pořadí čísel, nebo že Kouma i Ňouma si musí vybrat aspoň jedno číslo. Protože v některých věcech nebylo zadání zcela jasné, tak jsem uznával i tato odlišná řešení.

**7. příklad** (*opravující Stopa, počet řešitelů: 14, průměrný počet bodů:3,79*)

V podstatě všechna řešení sestávala ze dvou částí. Důkaz, že středy stran ABCD tvoří rovnoběžník o polovičním obsahu, a důkaz, že KLMN je s tímto rovnoběžníkem stejnolehlý s koeficientem  $2/3$ . Pokud jste jednu z těchto částí odbyli, došlo ke ztrátě bodů. Chválím všechny, kteří oba důkazy udělali pořádně. A všem řešitelům veselé Vánoce!